## УДК 519.6

## МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ФОРМИРОВАНИЯ ВЫСОКОСКОРОСТНЫХ КОМПАКТНЫХ МЕТАЛЛИЧЕСКИХ ЭЛЕМЕНТОВ

С. С. Соколов, А. А. Садовой, Т. И. Чайка (РФЯЦ-ВНИИЭФ)

Исследовано влияние механизмов разрушения на формирование компактных высокоскоростных элементов. Для математической модели использована ранее развитая кинетическая модель динамического разрушения, учитывающая разрушения как на разгрузках, так и при сдвиговых деформациях, а также описывающая в некоторых случаях компактирование разрушенного материала.

Численные расчеты выполнены по двумерной методике ДМК для конструкции типа *полусфера-цилиндр* с алюминиевой оболочкой и конструкции в форме слабовогнутого лайнера из меди. Показано, что в алюминиевом лайнере формируются локальные зоны разрушения головной части элемента. Для медного лайнера полученные зоны разрушения не удается согласовать с экспериментальными данными при использовании выбранных параметров сдвигового разрушения.

На протяжении последних лет в РФЯЦ-ВНИИЭФ активно развивались расчетнотеоретические методы исследования процессов формирования высокоскоростных компактных металлических элементов, которые характеризуются интенсивными вязкопластическими течениями [1—5]. Результаты расчетов этих процессов в определенной мере калибровались по известным экспериментальным данным, однако до настоящего времени нет полной уверенности в их адекватности. Схожие проблемы отмечаются и разработчиками подобных устройств в России [6, 7] и за рубежом.

Среди первоочередных, влияющих на точность моделирования формирования компактного высокоскоростного элемента, можно выделить проблему достаточно полного учета основных физических процессов, определяющих динамику его формирования, и учета происходящих в связи с этим изменений свойств материала. В выполненных к настоящему времени расчетных работах достаточно полно учитываются диссипативные процессы, связанные с большими пластическими деформациями, однако практически не учитывается влияние динамической вязкости на диссипативные процессы [1] при реализуемых больших скоростях деформации. От-

дельного рассмотрения заслуживает учет динамики разрушения компактного элемента на различных стадиях его формирования. Последнее существенно, так как в некоторых зонах рассматриваемого элемента на различных стадиях его формирования могут достигаться локальные деформации, превышающие предельные (по статическому критерию разрушения) для материала элемента, что может приводить к образованию локальных повреждений (трещин, каверн). Известные экспериментальные данные указывают, что реальные элементы имеют часто негладкие поверхности, влияющие на устойчивость движения сформированного элемента по траектории и его аэродинамические характеристики.

Наиболее подробно расчетно-теоретически исследованы конструкции поражающих элементов в форме слабовогнутого разнотолщинного лайнера и в виде соединения полусферы с цилиндром.

При действии продуктов взрыва на лайнер он ускоряется в осевом и испытывает большие деформации в радиальном направлении. Скорости движения вещества в осевом и радиальном направлениях должны быть оптимизированы для конкретных массово-габаритных параметров лайнера. Последнее объясняется тем,

что при малой радиальной скорости движения лайнера возможно преждевременное торможение высокорасположенных его слоев, а при больших осевых скоростях концов лайнера возможно их схлопывание сзади его центральной части в процессе полета.

В кумулятивных устройствах типа полусфера*иилиндр* вершина полусферической облицовки вытягивается в струю под действием продуктов взрыва ВВ, что в дальнейшем может приводить к распаданию струи на ряд осколков. После схлопывания цилиндрической части облицовки образуется еще одна более высокоскоростная струя, которая в последующем ускоряет осколки, образованные из полусферической Развитые в последнее время во ВНИИЭФ кинетические модели динамического разрушения, учитывающие разрушения как на разгрузке [2-4], так и при сдвиговых деформациях, а также описывающие компактирование разрушенного материала, позволяют исследовать влияние механизмов разрушения на формирование компактных элементов и уточнить некоторые их параметры при проектировании.

Численное моделирование задач проводилось по методике ДМК [8], предназначенной для расчета двумерных задач гидродинамики с учетом упругопластических свойств веществ, теплопроводности и детонации взрывчатых веществ, которая включает в себя методики расчета на регулярных и нерегулярных разностных сетках. Использование счетной сетки в виде многоугольников произвольной конфигурации значительно упрощает возможность ее построения в областях произвольной формы с заданными размерами счетных ячеек.

Было проведено две серии расчетов: в первой рассматривалась конструкция заряда типа полусфера-цилиндр с алюминиевой оболочкой, во второй — конструкция заряда в форме слабовогнутого лайнера из меди. На рис. 1 приведены начальные геометрии расчетов.

Общее число счетных точек в начальный момент времени в расчетах заряда с алюминиевой оболочкой было равно  $14\,500$ , для медного лайнера —  $29\,700$ .

В первой серии были проведены следующие расчеты:

- а) с достаточно хрупким алюминием без учета компактации;
- б) с пластичным вариантом алюминия без учета компактации;

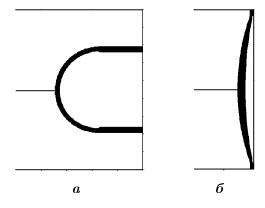


Рис. 1. Начальная геометрия расчетов: a — для заряда с алюминиевой оболочкой типа  $nonyc\phi epa-uunundp$ ;  $\delta$  — для медного лайнера слабовогнутой формы

- в) с пластичным вариантом алюминия с учетом компактации;
- г) с упругопластической моделью алюминия.

Расчеты проводились в упругопластической постановке.

Для описания развития дефектов во времени использовалась ранее рассмотренная кинетическая модель разрушения [3, 4], которая дала удовлетворительное описание некоторых характерных экспериментов по динамическому разрушению. В этой модели по сравнению с кинетической моделью вязкопластического разрушения дополнительно введены два параметра, характеризующие скорость накопления дефектов при сдвиговых напряжениях ( $\alpha$ ) и предельную сдвиговую деформацию ( $\beta$ ), при превышении которой начинает происходить разрушение образца.

Кратко опишем основные расчетные формулы модели, подробное описание которой можно найти в работах [2, 3]. Как и в [5], будем полагать, что при вязкопластическом механизме разрушения поврежденность среды определяется удельным объемом пор:  $\omega = V_n/(V_s + V_n)$ . Распределение пор по размерам, согласно обработке экспериментальных данных [5], можно описать формулой  $N(R) = N_0 \exp{(-R/R_0)}$ . Здесь N(R) — количество микропор с радиусом, большим R;  $N_0$  — суммарное количество микропор в единице объема;  $R_0$  — параметр распределения. Следовательно, для удельного объема пор можно получить выражение

$$\omega = -rac{4\pi}{3} \int\limits_{0}^{\infty} R^{3} rac{dN}{dR} dR = 8\pi N_{0} R_{0}^{3}.$$

Как и в модели NAG [5], предполагаем, что при действии растягивающих напряжений происходит зарождение и одновременно рост пор:

$$\dot{N}_0 = \frac{dN}{dt} = N_1 \exp\left(-\frac{P_s - P_{h0}}{P_1}\right), \quad P_s > P_{h0};$$

$$\frac{dR}{dt} = -\frac{P_s - P_{g0}}{4n}R, \quad P_s > P_{g0},$$

где  $N_1$  — скорость образования пор при пороговом давлении зарождения пор  $P_{h0}$ ;  $P_s$  — давление в веществе (отрицательное при растяжении);  $P_1$  — параметр модели;  $P_{g0}$  — пороговое давление развития пор;  $\eta$  — эффективная вязкость.

Суммарное изменение удельного объема пор определяется уравнением

$$\frac{d\omega}{dt} = 8\pi N_0 R_0^3 \exp\left(-\frac{P_s - P_{h0}}{P_1}\right) \vartheta(P_s - P_{h0}) + 3\omega \frac{P_s - P_{g0}}{4n} \vartheta(P_s - P_{g0}). \tag{1}$$

Уравнение (1) описывает две стадии разрушения — образование и рост микроповреждений. Разгрузка первоначально не разрушенного материала происходит сначала по адиабате. Однако при достижении отрицательного порогового давления  $P_{g0}$  начинается расширение пор, а при достижении порогового давления  $P_{h0}$  начинается образование новых пор.

При достижении критической поврежденности  $\omega_0$  вещество переходит в следующую стадию — слияния микродефектов и образования трещин. Вещество перестает сопротивляться расширению, т. е. происходит его разрушение. Предполагается, что в этом случае вещество распадается на невзаимодействующие между собой фрагменты, и давление в ячейке полагается равным нулю. Дальнейшее расширение разрушенного вещества не приводит к изменению давления, которое остается нулевым. При этом поврежденность среды  $\omega$  находится методом итераций из следующего условия: при данном состоянии среды  $(\rho, E)$  давление в ячейке должно быть равно нулю.

Как показано в работе [2], приращение тепла dQ, переданного системе, определяется мощностью диссипации энергии при необратимых объемных деформациях:  $T_s dS_s = -\frac{P d\omega}{\rho (1-\omega)}$ . Мера поврежденности может как увеличиваться, так и уменьшаться (при компактировании). При отрицательном давлении  $P_s$  рост поврежденности  $\frac{d\omega}{dt} > 0$ , следовательно dQ > 0. В [2] возмож-

ность роста энтропии при сжатии связывается с совершением работы по дроблению и уплотнению частиц. На траекториях разгрузки удельный объем пор не меняется:  $\frac{d\omega}{dt} = 0$ . Кривая компактирования  $\omega = \omega\left(P_k\right)$  разделяет области обратимых и необратимых деформаций.

Если поврежденная среда начинает сжиматься, то происходит процесс необратимых объемных деформаций разрушенного материала, т. е. так называемый процесс компактирования. В рамках рассматриваемой модели кривая компактирования представляется в виде [2]

$$\omega = \omega_0 \left( 1 - \frac{P}{P_k} \right)^2,$$

где  $P_k$  — давление компактирования;  $\omega_0$  — предельный уровень поврежденности материала, ниже которого в разрушенном материале начинает проявляться прочность на сжатие. В процессе сжатия может произойти полное компактирование до  $\omega=0$ , и далее сжатие идет по адиабате сплошного материала.

В области обратимых объемных деформаций в частично разрушенном материале поврежденность при сжатии меняется пропорционально изменению плотности вещества. В этом случае сжатие пойдет по упругой кривой, а начиная с определенного момента перейдет на кривую компактирования. Если в компактирующемся материале произойдет сброс давления, то разгрузка также пойдет по упругой кривой.

При построении уравнения состояния поврежденной среды используется дополнительный параметр  $\omega$ . Из рассмотрения теромодинамической согласованности модели получено

$$P(\rho, E, \omega) = (1 - \omega)P_s\left(\frac{\rho}{1 - \omega}, E\right).$$

Здесь  $P_s(\rho_s, E_s)$  — уравнение состояния сплошного вещества;  $\rho = \rho_s(1-\omega)$ , где  $\rho_s$  — плотность сплошного вещества,  $\rho$  — средняя плотность вещества в ячейке.

Используемое в данной работе кинетическое уравнение для накопления сдвиговых разрушений аналогично уравнению, приведенному в работе [9]. По аналогии с теорией пластического течения оно базируется на предположении, что девиатор скорости деформации разрушения пропорционален девиатору тензора напряжений [9]. Для скалярного параметра сдвиговой поврежденности использованы уравнения

$$\begin{split} \dot{\alpha} &= C \left[ \frac{S_u}{\left( 1 - \omega \right) \left( 1 - \alpha \right)} - S_u^* \right] H \left( \frac{S_u}{\left( 1 - \omega \right) \left( 1 - \alpha \right)} - S_u^* \right); \\ \dot{\beta} &= c_n \left( \varepsilon_p - \varepsilon_0 \right) \frac{1}{\left( 1 - \omega \right) \left( 1 - \beta - \alpha \right)}, \end{split}$$

где  $S_u = \sqrt{S_{ij}S_{ij}}$  — второй инвариант девиатора тензора напряжений  $S_{ij};\ \varepsilon_p = \sqrt{\varepsilon_{ij}^p \varepsilon_{ij}^p}$  — второй инвариант тензора пластических деформаций  $\varepsilon_{ij};\ H(x)$  — функция Хевисайда;  $C,\ S_u^*,\ c_n,\ \varepsilon_0$  — параметры модели.

Параметр  $\alpha$  отвечает за сдвиговые разрушения при развитых пластических течениях материала. Параметр  $\beta$  отвечает за разрушения на сдвиговых деформациях материала при достижении критического значения  $\varepsilon_0$ . Разрушение по сдвигу начинает формироваться в области пластических деформаций при достижении деформацией  $\varepsilon_p$  предельного значения. После начала разрушения эти процессы могут продолжаться и в области упругих деформаций. При накоплении повреждений в данной модели происходит изменение эффективных свойств среды в ячейке по следующим зависимостям:

- модуль сдвига:  $G = G_s (1 \omega) (1 \beta \alpha);$
- динамическая вязкость:  $\eta = \eta_0 (1 \omega) \times (1 \beta \alpha);$
- предел текучести:  $Y = Y_s(1 \omega)(1 \beta \alpha)$ .

Существенно, что эти параметры выражаются через второй инвариант тензора деформаций — тем самым можно надеяться, что такие параметры будут иметь универсальный характер, т. е. будут оставаться одними и теми же для экспериментов с различными симметриями (сферическими, цилиндрическими, плоскими). Напомним, что в моделях, использующих непосредственно предельно допустимые значения скорости деформации, эти параметры будут различными для различных газодинамических экспериментов.

Другие особенности кинетической модели динамического разрушения, включающей вязкопластический рост пор и поврежденность при

сдвиговых деформациях, заключаются в следующем:

- учитывается ослабление несущей способности конструкции за счет роста дефектов, имеющих форму, близкую к сферической, и происходящих в областях, охваченных разгрузкой;
- в областях сжатия предсказывается компактирование материала, т. е. увеличение его несущей способности;
- при интенсивных сдвиговых деформациях моделируется разрушение материала за счет разрыва атомных связей в твердом теле.

Существенно, что изменение механических свойств материала при накоплении повреждений в данной модели носит нелинейный характер, так как после каждого шага, на котором рассчитываются объемные и сдвиговые параметры поврежденности, происходит пересчет реологических параметров среды.

Указанные выше особенности кинетической модели динамического разрушения, включающей пластический рост пор и поврежденность при сдвиговых деформациях, позволяют использовать ее для моделирования газодинамических экспериментов, в которых реализуются сложные напряженные состояния.

В таблице приведены значения параметров кинетики разрушения, использованные в расчетах для алюминия и меди. При этом и для меди, и для алюминия  $\omega_0 = 0.3$ .

В качестве примера приводятся результаты расчета для алюминиевого заряда типа полусфера-цилиндр с учетом компактации. В расчетах исследовалось включение механизма хрупкого разрушения на формирование и полет поражающего элемента.

На рис. 2 представлены распределения скоростей и плотностей на характерные моменты времени, полученные в расчете с учетом компактации алюминия.

## Значения параметров кинетики разрушения

Ве-	$R_0,$ cm	$N_0$ , $(cm^3 \times$	$P_{h0},$ $\Gamma\Pi a$	$P_{g0},$ $\Gamma\Pi a$	$P_1,$ $\Gamma\Pi a$	η, ΓΠa×	$\varepsilon_0,$	$c_n, \\ 10^{-5}c^{-1}$	$C,$ $10^{-5}c^{-1}$	$S_u^*,$ $\Gamma\Pi a$	$P_k,$ $\Gamma\Pi a$
$^{\mathrm{TBO}}$		$\times 10^{-3}c)^{-1}$				$\times 10^{-5}c$					
Al	0,0001	3 000	0,3	0,2	0,04	0,02	0,25	10	-10	0,315	7
Cu	0,0001	$2 \cdot 10^7$	0,5	0,5	0,2	0,002	0,3	$50,\!1$	-10	$0,\!072$	_

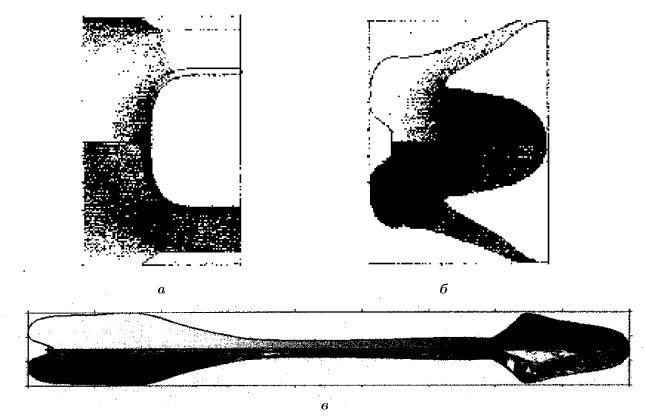


Рис. 2. Распределение скоростей (км/с) (вверху) и плотностей (г/см³) (внизу) в конструкции заряда типа полусфера-цилиндр: a-t=17,5 мкс; b-t=30 мкс; b-t=55 мкс

На рис. 3, а, б, в приведены распределения параметров механических повреждений, полученные в указанном расчете. В верхней части каждого рисунка приведен массив, характеризующий вид разрушения: черный цвет означает разрушение по откольному напряжению, темносерый — по сдвиговому напряжению, светлосерый — пластическое состояние, белый — упругое состояния после достижения пластических деформаций. В нижней, симметричной, части рисунка приводится мера повреждения по сдвиговой деформации: если достигается значение, равное 1 (черный цвет), то материал разрушен по сдвиговому механизму.

На рис. 4, *a*, *б* приведены распределения механических повреждений с учетом меры повреждений по вязкопластическому механизму за счет действия растягивающих напряжений. В верхней части каждого рисунка приведен массив, характеризующий вид разрушения. В нижней, симметричной, части рисунка, приводится мера повреждения за счет действия растягивающих напряжений: если достигается значение, равное 0,3 (черный цвет), то материал разрушен в данном месте полностью.

Из рис. 3, 4 видно, что при учете компактации материала на сжатии происходит частичное "залечивание" микроповрежденностей в образце.

Для второй серии задач приводятся результаты расчета с учетом параметров механических повреждений (для вязкопластического и хрупкого разрушения без учета компактации материала). На рис. 5, 6 приводятся распределения параметров, характеризующих состояние меди на некоторые моменты времени.

К моменту времени  $t=60\,\mathrm{mkc}$  практически весь материал лайнера разрушен по сдвигу (темно-серый цвет на рис. 6,a вверху). Область в лайнере, разрушенная по отколу, практически не меняется с течением времени (черный цвет на рис.  $6, \delta$  внизу).

Результаты расчетов конструкций для формирования компактных элементов из алюминия и меди показали влияние задаваемых механизмов разрушения в модели на их форму и состояние. Развиваемая кинетическая модель для описания процессов разрушения за счет механизма вязкопластического развития пор на растягивающих напряжениях (так называемого вязкопластического разрушения) и за счет пластических

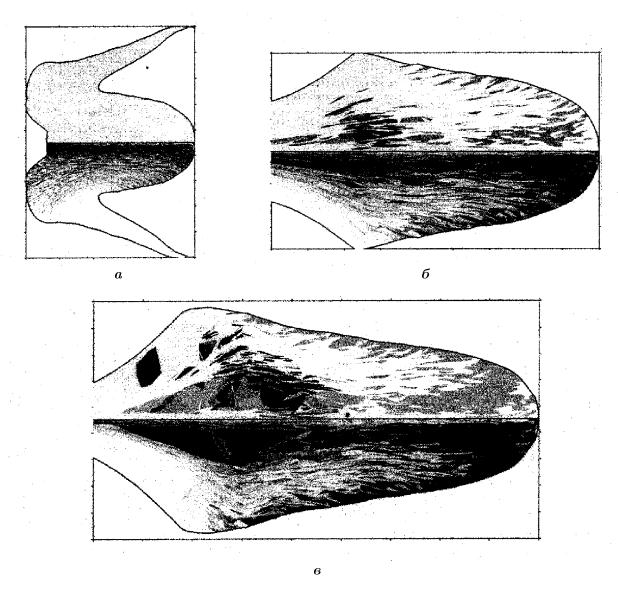


Рис. 3. Распределение параметров, характеризующих механические повреждения алюминия (вверху) и степень повреждения по сдвигу (внизу):  $a-t=30\,\mathrm{mkc}$ ;  $b-t=40\,\mathrm{mkc}$ ;  $b-t=50\,\mathrm{mkc}$ 

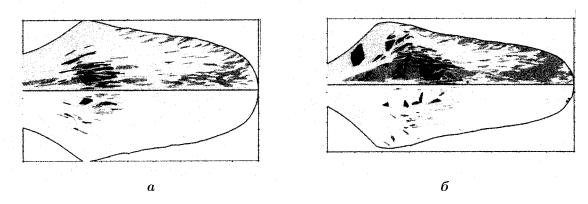


Рис. 4. Распределение параметров, характеризующих механические повреждения алюминия (вверху) и степень повреждения по отколу (внизу) при учете компактации:  $a-t=40\,\mathrm{mkc}$ ;  $b-t=55\,\mathrm{mkc}$ 

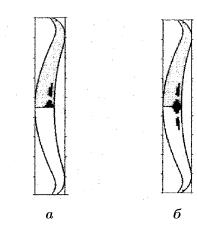


Рис. 5. Распределение параметров, характеризующих механические повреждения меди (вверху) и степень повреждения (внизу) по сдвигу (a) и по отколу (b) на момент времени  $t=25\,\mathrm{mkc}$ 

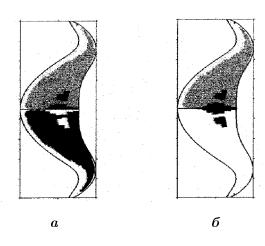


Рис. 6. Распределение параметров, характеризующих механические повреждения меди (вверху) и степень повреждения (внизу) по сдвигу (a) и по отколу (b) на момент времени  $t=60\,\mathrm{mkc}$ 

сдвиговых деформаций (так называемого хрупкого разрушения) была проверена и протестирована на ряде экспериментальных данных для некоторых материалов (см. [2—5] и приведенные в них ссылки).

Результаты расчетов по методике ДМК для алюминиевого лайнера показали, что в сформировавшемся компактном элементе образовались локальные зоны разрушения в головной части. Несмотря на большие зоны разрушения медного лайнера на стадии формирования компактного элемента за счет сдвиговых деформаций, расчетные данные по форме лайнера близки к экспериментальным. Расчетная информация по

разрушению образцов получена впервые, и она будет уточняться по мере уточнения параметров молели.

Хотя развиваемая модель является феноменологической, тем не менее при разумном выборе параметров можно осуществлять прогнозирование поведения образцов и элементов конструкций, подверженных ударно-волновому воздействию и последействию в результате разгрузки, с учетом возможных их повреждений микродефектами.

Полученные результаты указывают на возможность использования развиваемой методики для теоретического описания формирования компактных высокоскоростных элементов и оптимизации их расчетных характеристик.

## Список литературы

- Садовой А. А Диссипативные процессы при интенсивных вязкопластических течениях // Вопросы атомной науки и техники. Сер. Теоретическая и прикладная физика. 1989. Вып. 1. С. 19—23.
- 2. Огородников В. А., Садовой А. А., Софронов В. Н. и др. Кинетическая модель пластического разрушения с учетом диссипативных процессов // Хим. физика. 2002. Т. 21, № 9. С. 104—109.
- 3. Глушак Б. Л., Иоилев А. Г., Садовой А. А. и др. Расчетная модель изотропной кинетики пластического разрушения: сравнение двумерных расчетов и экспериментальных данных // Вещества, материалы и конструкции при интенсивных динамических воздействиях. Тр. межд. конф. V Харитоновские науч. чтения. Саров, 17—21 марта 2003. С. 16—21.
- 4. Садовой А. А., Соколов С. С. Кинетическая модель динамического разрушения, включающая пластический рост пор и поврежденность при сдвиговой деформации // Современные методы проектирования и отработки ракетно-артиллерийского вооружения. Тр. 3 науч. конф. Волжского регионального центра РАРАН. Саров, 3—5 июня 2003 г. С. 240—241.
- Seaman L., Curran D., Shockey A. Computational models for ductile and brittle fracture // J. Appl. Phys. 1971. Vol. 47(11). P. 4814—4826.

- 6 Федоров С. В. Использование электромагнитных воздействий при взрывном формировании высокоскоростных компактных металлических элементов // Современные методы проектирования и отработки ракетноартиллерийского вооружения. Тр. 3 науч. конф. Волжского регионального центра РА-РАН. Саров, 3—5 июня 2003 г. С. 103—104.
- 7 Ладов С. В., Бабкин А. В., Колпаков В. И., Федоров С. В. О возможности использования формируемых взрывом высокоскоростных элементов для пробития подводных преград // Там же. С. 109—110.
- 8 Мотлохов В. Н., Рассказова В. В., Шапоренко А. Н. Лагранжева методика ДМК для решения прикладных задач газовой динамики на нерегулярных сетках // Современные методы проектирования и отработки ракетно-артиллерийского вооружения. Саров: ВНИИЭФ, 2000. С. 57—63.
- 9 *Кисилев А. Б.* Динамические процессы необратимого деформирования и разрушения твердых тел // Мат. моделирование. 2000. Т. 12, № 6. С. 115—121.

Статья поступила в редакцию 26.01.04.